



ISSN 1021-6804

المجلد (31) العدد (2) 2016

# مفتة

## للحوث والدراسات

مجلة علمية محكمة ومفهرسة

سلسلة العلوم الإنسانية والاجتماعية

تصدر في  
جامعة مؤتة

## تدريس طالبات الصف الأول المتوسط باستخدام أسلوب معلم الرياضيات، وأثر ذلك في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل

جودت أحمد سعادة\*

منتهى صبر العيناوي

### ملخص

هدفت الدراسة إلى الكشف عن أثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات الصف الأول متوسط في بغداد/العراق. وتألفت عينة الدراسة من (50) من طالبات ذلك الصف بmdirية تربية الكرخ الثانية في محافظة العاصمة: بغداد، تم توزيعهن إلى مجموعتين: تجريبية، وتم تدريسيها مادة الرياضيات باستخدام معلم الرياضيات وتضم (30) طالبة، وضابطة، وتم تدريسيها المادة ذاتها بالطريقة المعتادة ، وتضم (20) طالبة.

وقام الباحثان باستخدام أداتين من تطويرهما: الأولى عبارة عن اختبار التفكير الرياضي ، والثانية عبارة عن اختبار تحصيلي ، وتم التحقق من صدقهما وثباتهما، ثم تحليل البيانات باستخدام تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) ، وأظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية في مهارات التفكير الرياضي في الأداء البعدي لأفراد العينة بسبب استخدام معلم الرياضيات، بالإضافة إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية في الأداء البعدي لأفراد العينة، فيما يتعلق بالتحصيل لدى الطالبات اللواتي استخدمن معلم الرياضيات.

أوصت الدراسة بتفعيل استخدام معلم الرياضيات، مع ضرورة اهتمام المدرسين باستراتيجيات التدريس المستخدمة في رياضيات المرحلة الثانوية التي تعتمد على تفاعل الطلبة مع الأدوات التعليمية المحسوسة وتدعيمها، إضافة إلى اقتراح إجراء دراسة تتناول أثر استخدام معلم الرياضيات على مواضيع رياضية أخرى وفي مراحل دراسية مختلفة.

الكلمات الدالة: معلم الرياضيات، التفكير الرياضي، التحصيل.

\* جامعة الشرق الأوسط.

تاريخ تقديم البحث: 2015/4/2.م.

تاريخ قبول البحث: 2014/9/6.م.

© جميع حقوق النشر محفوظة لجامعة مؤتة، الكرك، المملكة الأردنية الهاشمية، 2016.

## **Teaching the First Intermediate Grade Female Students**

**by Using Mathematics Laboratory, and its Effect  
on their Mathematical Thinking Skills and Achievement**

**Jawdat A. Saadeh**

**Montaha S. Al-Ethawy**

### **Abstract**

The study aimed at identifying the effect of using mathematics laboratory on the mathematical thinking skills and achievement of the first intermediate grade students in the city of Baghdad. The sample consisted of (50) female students and was distributed into two groups: the experimental group which was taught by using the mathematics laboratory method, and the control group which was taught by using the normal method.

The researchers used two tools: the mathematical thinking test that was developed by the researchers, and the achievement test that was also developed by them. The two tools were tested for validity and reliability. The data was analyzed by using ANCOVA . The findings were as follows:

There were statistical significant differences between the two groups in both mathematical thinking skill and achievement test grades in favor of the experimental group that was taught by using the mathematics laboratory method .

The researchers recommended that mathematics laboratory should be used in schools and a field study should be conducted about the effect of using mathematics laboratory on another mathematical topics in different stages of education.

**Keywords:** Mathematics laboratory, Mathematical thinking skills, achievement.

### مشكلة الدراسة وأهميتها

مقدمة: نظراً لما نعيشه هذه الأيام من تقدم علمي ونفجر معرفي هائل في جميع مناحي الحياة، وبعد أن تضاعفت المعرفة العلمية في بضع سنين، أصبح التعقيد سمة من سمات مجتمعنا، مما أدى إلى ضرورة إعداد أفراد مؤهلين وقدارين على مواكبة هذا التطور السريع في عالم المعرفة. وتعتبر التربية القوة الكبرى التي تستطيع تنقية النفوس وتزكيتها،  
إذ هنّا إِلَيْكُمْ بِإِرشادِ الْعِبادِ إِلَىٰ حِبَّةِ الدُّخْلَالِ وَجَلَّ وَأَنْهَا أَنَّهَا لِلْأَنْوَافِ الْمُشْرِبَةِ وَفَلَاحَهَا.

ويمكن تعريف التربية على أنها عملية اجتماعية في مضمونها وجوهرها وأهدافها ووظيفتها، لا يمكن فصلها عن المجتمع، لأنها تعبر عن حاجة الفرد وحاجة المجتمع. كما أنها تعتبر عملية طويلة الأمد، واسعة النطاق، متداخلة العناصر، تقتضي توفير الشروط اللازمة لتنمية الفرد ت 总体上来说，她是一个全面而完整的，从个人到社会的综合过程。她旨在通过教育和引导，帮助个体实现自我价值，同时促进社会的整体发展。她是一个长期而广泛的过程，涉及多个方面的相互作用。她需要提供必要的条件来支持这一目标的实现。她是一个从个人到社会的综合过程。她旨在通过教育和引导，帮助个体实现自我价值，同时促进社会的整体发展。她是一个长期而广泛的过程，涉及多个方面的相互作用。她需要提供必要的条件来支持这一目标的实现。

وفي ضوء الواقع الذي يمر به العصر الحالي من تطور وتغير تكنولوجي، فإنه لم يعد الحصول على المعلومات مقصوراً على فئة معينة دون أخرى، بل أصبح في متناول الجميع، وكان لا بد من زيادة الاهتمام بالمناهج المدرسية القائمة وتطويرها لتواكب حاجات المجتمع، واتباع طرق ومفاهيم وأفكار جديدة تناسب هذا التطور، وتجعل عملية التفكير من أهم أهدافها المنشودة. وبعبارة أخرى، فقد أصبح من وظيفة التربية أن تعنى بتعليم الطلاب كيف يتعلمون؟ وكيف يفكرون؟ مما أدى إلى اهتمام المناهج الحديثة للرياضيات بتنمية التفكير، لأنّه يأتي في أعلى مستويات النشاط العقلي، كما يعتبر من الخصائص المهمة التي ميز الله سبحانه وتعالى الإنسان عن باقي الكائنات الحية.

وتؤكد الاتجاهات الحديثة نحو مناهج الرياضيات وأساليب تدريسها على أن الرياضيات عبارة عن أسلوب في التفكير، أساسه الفهم والمنطق، ويعتمد نمط الاكتشاف والمناقشة للوصول إلى الحل الصحيح (الخطيب، 2004).

جودت أحمد سعادة، منتهى صبر العيثاوي

والتفكير في أبسط تعريف له بأنه عبارة عن سلسلة من الأنشطة العقلية التي يقوم بها الدماغ عندما يتعرض لمثير ما، بعد الإستجابة له عن طريق إحدى الحواس الخمس، وأن التفكير في معناه الواسع هو عبارة عن عملية بحث عن موقف ذي معنى (جروان، 2014).

كما يرى العقوم وآخرون (2013) التفكير بأنه عبارة عن نشاط معرفي يرتبط بالمشكلات والمواضف المختلفة التي تجعل بالفرد وقدرته على تحايل المواقف، التي يستقبلها عبر الحواس، مستعيناً بحصيلته المعرفية وخبرته التراكمية، وبذلك يقوم بإعطاء المثيرات البيئية معنى له دلالة تساعد الفرد على التكيف والتلاويم مع المحيط الطبيعي والبشري الذي يعيش فيه.

وأشار شونفلد (Schoenfeld, 1983) أن تنمية التفكير الرياضي لدى الطالب تستطيع أن تساعده في تفهم الأزمات المعقدة في حياته، ويمكن أن يصبح طريقاً لإدراك العالم وجعله ذا معنى. لذا، فإنه عندما يتم تدريس الرياضيات بصورة عامة، فإنه يتم تعليم حل المشكلات بصورة خاصة، والتدريس بهذه الطريقة يقوم أساساً على تحويل المحتوى الرياضي نفسه إلى مشكلات ذات طبيعة خاصة، وعن طريق حلها يتعلم الطالب كثيراً من الحقائق والمهارات والمفاهيم والتعليمات الرياضية، بالإضافة إلى تعلم بعض الطرق والإستراتيجيات والمقترنات المساعدة في حل المشكلات بصورة عامة التي يواجهها الفرد في مجالات حياته المختلفة (المنصور، 2011).

ومن المعروف أن تنمية المهارات لدى الطلبة يجعلهم يحصلون على تعلم فعال، حيث تنسى في الغالب المعلومات والمعارف، وتبقى المهارات مستمرة الأثر لمدة طويلة، وأن كلّاً من تعليم المهارة وتعلمها يتطلبان طرائق فعالة وإن المتعلم سيبذل مجهوداً كبيراً في تعلمها، وأن طرق تعليم المهارة وتعلمها يجب أن يخطط لها بدقة وتكون هادفة، وعندما يحاول النشاط التعليمي التركيز على تتميّتها، تكون غالباً في أفضل صورها (مرعي والحيلة، 2013).

وأشارت قطامي (2014) إلى أنه يوجد فرق بين تعليم التفكير وتعليم مهارات التفكير، فتعليم التفكير يتضمن تهيئة الفرص والمواضف وتنظيم الخبرات التي تتيح الفرصة أمام الطلبة للتفكير وإثارة دافعيتهم وحثّهم على استغلالها، وتوظيف العمليات الذهنية المختلفة

لها. أما تعليم مهارات التفكير فيتضمن افتراض أن التفكير مثل أي مهارة أخرى قابلة للتعلم، والنقل، والتوظيف في مواقف حياتية أو أكاديمية جديدة.

ويتمثل التفكير قضية معقدة، ولكن على الرغم من ذلك فقد اتفق الباحثون والمتخصصون على أن مهارات التفكير تمثل أدوات أساسية للتفكير الفعال لكي يكون الطالب ناجحاً في درسته أو في حياته، لأن ذلك يعتمد على إمامه واكتسابه وتطبيقه مهارات معرفية أساسية ومهمة مثل الاستنتاج، والاستقراء، والتعيم، والتحليل، والتقييم، والتجريب والترميز، والبرهان، والاضمحلال، والتذكرة، والتصنيف، والمقارنة. ومع أن هذه القدرات تكون فطرية متأصلة لدى الطلبة، إلا أنه من الضروري تعليها ونديها وتطبيقاتها خلال عملية التدريس من جانب المعلمين (سعادة، 2014).

كما ويقع على عاتق القائمين على تدريس مناهج الرياضيات تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى المتعلمين، وذلك من خلال الأنشطة التعليمية التي تعد إحدى عناصر المنهج. ولكن هذا لا يتحقق بالأساليب التدريسية المعتادة كالإلقاء والسرد على المتعلم، بل يتطلب مناسب مع الأساليب الحديثة التي أكدتها نظريات التعلم، ومن أبرزها نظرية بياجيه في النمو العقلي التي أثرت تطبيقاتها التربوية في مراحل التعليم المختلفة وأثار عندها تعديل أساليب التدريس في مختلف المواد الدراسية، وتنظيم المناهج بما يتلاءم مع تفسيراتها المختلفة (الوعاني، 2009).

ويعد معلم الرياضيات من الأساليب التدريسية الحديثة التي بررحت الأبحاث التربوية على نجاحها في تدريس الرياضيات للمراحل التعليمية المتعددة. فمن خلال معلم الرياضيات تقدم المفاهيم الرياضية المتضمنة في مقررات الرياضيات للمرحلة الثانوية عن طريق الأنشطة المعملية المحسوسة وشبه المحسوسة. ولتحقيق ذلك، فإنه لا بد من وجود معلم للرياضيات مجهز بالأدوات والوسائل التعليمية المتنوعة (السيد والقاسم، 2006). ويمكن اعتبار معلم الرياضيات نموذجاً مصغرًا للحياة الحقيقة، إذ يربط بين الحياة الحقيقة وبين المفاهيم والأفكار الرياضية المجردة. وهذه المعرفة يستخلصها الطالب من ممارسة الرياضيات على حقيقتها، إذ يتحقق من بعض القوانين والقواعد والتعليمات الرياضية بطريقة عملية من خلال ما يقوم به من بناء النماذج الرياضية وملحوظة صفاتها وخصائصها الرياضية الخاصة بذلك في كل مدرسة من المدارس تمشياً مع أساليب تدريس الرياضيات الحديثة (المغيرة، 1989).

جودت أحمد سعادة، منتهى صبر العيثاوي

ويعتبر معلم الرياضيات بيئة ملائمة ومكاناً مناسباً يسهل العمل به لتعليم الطالب الرياضيات، وأنه يساعد في الوصول إلى الكثير من الأهداف التربوية المنشودة، حيث يمكن للأنشطة المعملية أن تساعد في تذكر الحقائق وفهمها وتعلمها، وتطبيق المهارات وتنميتها، واستيعاب المفاهيم، وتحليل المبادئ وتركيبها، التي تمثل أهدافاً معرفية لتعلم الخبرات الرياضية المباشرة. كما يؤدي هذا المعلم إلى تحقيق أهداف وجدانية تعليمية مثل الرغبة والارتياح والمثابرة، في الاستجابة للأنشطة الرياضية. كما أن هناك أنواعاً معينة من الطرق المعملية تساعد الطلبة في أن يتعلموا كيفية العمل الاستقلالي، بينما تساعدهم طرق أخرى في أن يتعلموا كيف يعملون مع آخرين في أنشطة جماعية (عبد الرحمن، 1989).

ويقوم التدريس المعملي للرياضيات على أساس ذاتي دعت إليه نظريات التعلم من جهة، وعلى أساس تربوي متمثل في الدراسات التربوية التجريبية التي اثبتت نجاحها في تحقيق الأهداف المرجوة من جهة ثانية، الأمر الذي يجعل الطريقة المعملية تحتل مكانة الصدارة بين الطرائق المختلفة لتدريس الرياضيات (خلف الله، 2013).

أما عن المشاركات العراقية في الاختبارات الدولية حول الرياضيات، ورغم زيارة أحد القائمين على الدراسة الحالية إلى كلٍ من وزارة التربية والتعليم، ووزارة الشباب والرياضة العراقية في العاصمة بغداد من أجل الاستفسار عن هذا الأمر، فلم يعثر الباحثان سوى على مشاركة فاعلة من (4500) من طلبة المرحلة الثانوية العراقية في اختبارات الرياضيات والعلوم العالمية، وذلك في الشهر الأخير من عام 2014 م (المدى برس، 2014).

ومن بين الدراسات العربية والأجنبية التي استخدمت الطريقة المعملية في تدريس الرياضيات دراسات (مداح، 2001) و(الخديجي، 2003) و (Manjunath, 2009) و (Okigbo، 2010) و (خلف الله 2013) و (الوعاني، 2009) و (الحيالي، 2004) و (& Osuafor, 2008).

ومن هنا يجد الباحثان ما يدعوه إلى إجراء هذه الدراسة لمعرفة أثر استخدام معلم الرياضيات في تنمية مهارات التفكير الرياضي في المجتمع العراقي، وذلك للمساهمة في إثراء الميدان التربوي في المجتمع العربي، بدراسة حول هذا الموضوع.

### مشكلة الدراسة:

لاحظ الباحثان أن عملية التعليم التي تحدث في الدارس العراقية، تتم بصورة ضعيفة لا تناسب مع الجهد والوقت والنفقات. فالجهود التي تبذل كبيرة جداً، والوقت المخصص للتعليم طويل، والتکاليف باهظة، ولكن النتائج تظل قليلة في مادة الرياضيات بصورة خاصة، ويعود ذلك لأن التعليم في الوقت الحاضر يختص لحفظ مجموعة من المعارف والمعلومات بهدف إجتياز الامتحان، وسرعان ما تنسى وتنطفي، أي أنها مرحلة آنية، وذلك بسبب إهمال تدريب الطالبات على التفكير الرياضي وتنمية مهاراتهن المختلفة.

لذا، يبقى دور الطالبة هامشياً في مناخ صفي تقليدي قائم على استظهار ما حفظته بدون فهم. وبالرغم من الجهود المبذولة من جانب وزارة التربية في العراق لتحسين مستوى التحصيل في مادة الرياضيات ورفع المستوى العلمي من خلال اتباع الطرق الحديثة في هذا المضمار، إلا أن المشكلة تمثل في تدني التحصيل وانخفاض مستوى الطلبة بدرجة كبيرة في مادة الرياضيات بوجه عام، وفي مهارات التفكير بوجه خاص مقارنة بالمتطلبات العالمية.

ومن خلال اطلاع أصحاب هذه الدراسة على العديد من الدراسات التي اهتمت بتنمية مهارات التفكير الرياضي مثل دراسة (عطار، 2013)، ودراسة (نجم، 2012)، ودراسة (الخطيب وعبابنة، 2011)، إلا أنها استخدمت طرق تدريس مختلفة لم تتطرق أي دراسة منها إلى الجمع بين تنمية مهارات التفكير الرياضي وبين استخدام معلم الرياضيات. كما أن استخدام معلم الرياضيات في المدارس العراقية يكاد يكون نادراً في حدود علم القائمين على هذه الدراسة، مما جعلها تحرص على إحداث نقلة نوعية في مهارات التفكير لمادة الرياضيات في العراق من خلال إجراء هذه الدراسة باستخدام معلم الرياضيات.

ومن هنا انبثقت مشكلة الدراسة الحالية التي تمثل في الكشف عن أثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات الصف الأول متوسط في بغداد/ العراق.

### أهداف الدراسة:

- تهدف الدراسة الحالية إلى تحقيق الأهداف الآتية:
- 1- التعرف إلى كيفية استخدام معلم الرياضيات في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول متوسط بمدينة بغداد.
  - 2 التعرف إلى مهارات التفكير الرياضي الواجب توفيرها لدى طالبات الصف الأول متوسط بمدينة بغداد.
  - 3- تقصي اثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات المجموعة التجريبية مقابل المجموعة الضابطة بمدينة بغداد.
  - 4- تقصي اثر استخدام معلم الرياضيات في التحصيل لدى طالبات المجموعة التجريبية مقابل المجموعة الضابطة.

### أسئلة الدراسة:

- تمثل أسئلة الدراسة الحالية في الآتي:
- 1- ما اثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد؟
  - 2- ما اثر استخدام معلم الرياضيات في التحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد؟

### فرضيات الدراسة:

- لإجابة عن سؤالي الدراسة سيتم اختبار الفرضيتين الصفرتين الآتین:
1. لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية التي تستخدم معلم الرياضيات ومتوسط درجات طالبات المجموعة الضابطة التي تستخدم الطريقة المعتادة في التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول المتوسط في العراق.
  2. لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( $\alpha \leq 0.05$ ) بين متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية التي تستخدم معلم الرياضيات ومتوسط درجات طالبات المجموعة

الضابطة التي تستخدم الطريقة المعتادة في التحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط في العراق.

#### أهمية الدراسة:

تبغ أهمية الدراسة الحالية من أهمية المشكلة التي سيتم تناولها، ويمكن تلخيص هذه الأهمية في الآتي:

- 1- يمد معلم الرياضيات إيمان العارق التي أتمت دراستها في ٢٠١٤م في لاح أهلاً والآراء، التعليم غير الفعالة المستخدمة في حرص الرياضيات وغير القادرة على تنمية مهارات التفكير الرياضي.
- 2- قدمت هذه الدراسة اختباراً لقياس مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول المتوسط في العراق يمكن الاستفادة منه من قبل معلمي الرياضيات أو المعنيين بالعملية التربوية.
- 3- من المؤمل أن تساعد هذه الدراسة وما ستتوصل اليه من نتائج ونوصيات، على توجيه نظر خبراء وواعضي مناهج الرياضيات ومؤلفي كتبها المدرسية، نحو إعداد كتب مدرسية تكون أكثر قدرة على تنمية مهارات التفكير الرياضي وتوجيه نظر معلمي الرياضيات نحو تنمية التفكير الرياضي وذلك من خلال تعليم مادة الرياضيات وتعلمها.
- 4- يمكن للمعلمين والمشرفين التربويين لمادة الرياضيات الاستفادة من التحضير الذي قام الباحثان بتطويره لوحدة دراسية حسب طريقة معلم الرياضيات.

#### حدود الدراسة:

تم تنفيذ هذه الدراسة ضمن الحدود الآتية:

الحدود المكانية: اقتصرت هذه الدراسة على المدارس الحكومية في محافظة بغداد/العراق.

الحدود الزمانية: تم تطبيق هذه الدراسة في الفصل الدراسي الثاني من العام الدراسي 2013/2014 على الفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل المفتوحة) في مادة الرياضيات.

الحدود البشرية: تم تطبيق هذه الدراسة على طالبات الصف الأول المتوسط في إحدى مدارس منطقة الدورة بمحافظة بغداد التي تم اختيارها بالطريقة القصدية.

#### محددات الدراسة:

تمثل محددات الدراسة الحالية في الآتي:

- 1- يتحدد تعميم نتائج هذه الدراسة للمجتمع الذي سحب منه العينة والمجتمعات المماثلة.
- 2- تتحدد نتائج هذه الدراسة بصدق أداتي الدراسة وثباتهما وموضوعية المستجيبين وأمانthem العلمية.
- 3- اقتصار مادة الدراسة على مادة الرياضيات للصف الأول المتوسط، مما يحول دون تعميم النتائج على باقي المواد والصفوف الأخرى.

#### مصطلحات الدراسة:

تمثل أهم مصطلحات الدراسة في الآتي:

**معلم الرياضيات:** هو عبارة عن بيئة يتعلم فيها التلاميذ الرياضيات من خلال تناول المفاهيم، واكتشاف الحقائق، وتطبيق التجريدات الرياضية في مواقف عملية، وتكون هذه البيئة مزودة بالأدوات والمواد التعليمية اليدوية والوسائل والتقنيات الحديثة وغيرها (الدوشي، 2013). ويمكن تعريفه إجرائياً بالطريقة التي يتم فيها تحضير وحدة دراسية، من مادة الرياضيات للصف الأول المتوسط حسب طريقة معلم الرياضيات.

**مهارات التفكير الرياضي:** ويقصد به الباحثان مهارات الاستقراء والاستنتاج والترميز والتفكير البصري، ويمكن تعريفها بدقة ك الآتي:

أ. مهارة الاستقراء: وهي الطريقة التي ينتقل فيها المتعلم من الجزء إلى الكل، أو من الخاص إلى العام، أو من الأمثلة المحسوسة إلى القاعدة العامة، أو من الحالات الفرعية الخاصة إلى الأفكار الكلية العامة (سلامة وآخرون، 2009).

بـ. مهارة الاستنتاج: ويقصد بها الوصول إلى نتيجة خاصة اعتماداً على ما نملكه من معارف ومعلومات، أي أنه تطبيق القاعدة أو المبدأ على حالة خاصة من الحالات العامة (سعادة، 2014).

جـ. مهارة الترميز: وهي تكوين الرموز اللغوية والرياضية للتعبير عن الأفكار أو معطيات المسألة الرياضية (نمر والناظور، 2010).

دـ. مهارة التصور البصري: القدرة على القيام بمجموعة من الأنشطة البصرية التي تتضمن إدراك العلاقات بين مجموعة من الأشياء، أو رؤية العلاقات بين أجزاء الشكل الواحد (الهويدى، 2006).

أما تعريف هذه المهارات الأربع إجرائياً، فيقصد بها العلامة أو الدرجة التي ستحصل عليها الطالبة في اختبار مهارات التفكير الرياضي، الذي طوره الباحثان لهذا الغرض.

التحصيل في الرياضيات: هو ناتج ما يكتسبه المتعلم من معارف ومفاهيم ومهارات رياضية نتيجة الخبرات التربوية المحددة (الشامي، 2008). ويعرفه الباحثان إجرائياً بالعلامة أو الدرجة التي تحصل عليها الطالبة في الاختبار التحصيلي البعدى الذى أعده الباحثان.

#### الدراسات السابقة

قام الباحثان بالاطلاع على العديد من الدراسات العربية والأجنبية السابقة ذات الصلة بموضوع دراستها، حيث صنفتها إلى محورين رئيسين، ومن ثم تعليق عام على محاور الدراسة لتوضيح مدى الاتفاق والإختلاف بين الدراسة الحالية والدراسات السابقة، ومدى الاستفادة من الدراسات السابقة، حيث قالت الباحثة بعرض الدراسات بمحوريها حسب التاريخ من القديم إلى الحديث كالتالي.

**المحور الأول: الدراسات التي تناولت معلم الرياضيات والطريقة المعملية:**  
ومن أهم هذه الدراسات مقام به شوسهایم (Schussheim, 1980) من دراسة للتعرف إلى كيفية إنشاء معلم الرياضيات في جزء صغير من الصف الدراسي، ومدى الاستفادة منه لدى التلاميذ الذين يعانون من مشكلات خاصة في التحصيل. وقد طبقت الدراسة على عينة من تلاميذ الصف الثالث الابتدائي، وحتى الصف السادس الابتدائي بولاية نيويورك الأمريكية، بلغ حجمها

جودت أحمد سعادة، منتهي صبر العيثاوي

(65) تلميذاً، أخضعوا إلى اختبار تشخيصي، وبرنامج تجريبي علاجي، أتاح لهم استخدام معلم الرياضيات حصتين أسبوعياً، بحيث كان البرنامج مكملاً لمحض الرياضيات. وقد خلصت الدراسة إلى نتائج أهمها مساهمة معلم الرياضيات في علاج جوانب الضعف لدى التلميذ، رغم صغر مساحة المعلم، وتواضع إمكاناته، بالإضافة إلى ما حققه التلاميذ من متعة وزيادة في الاتجاهات الإيجابية نحو الرياضيات.

وهدفت دراسة ليشتتهيلد (Lichtenheld, 1987) إلى معرفة أثر استخدام معلم الرياضيات في تحصيل مادة الرياضيات، واتجاهات التلاميذ والمعلمين نحو معلم الرياضيات، وقد طبقت الدراسة على عينة من (12) تلميذاً وتلميذة من تلاميذ الصف السادس الابتدائي و (24) معلماً ومعلمة للرياضيات في المرحلة الابتدائية لتحديد اتجاهاتهم نحو المعلم. وقد تم تجهيز معلم الرياضيات بالوسائل المتعددة، وتركزت مواقف التعلم فيه على الأنشطة المتنوعة الآتية:

- أنشطة موجهة من قبل المعلم.
- أنشطة فردية يمارسها التلميذ ويصحح أخطاءه بنفسه.
- أنشطة يمارسها التلميذ مع الاستعانة بأشرطة تسجيل وكراسة عمل.
- أشرطة أفلام .
- حاسب آلي.

وقد أخضع التلاميذ لاختبار تحصيلي قبل التجربة وبعدها، وأجريت معهم مقابلات فردية، مع تطبيق مقياس الاتجاهات على المعلمين. وقد خلصت الدراسة إلى مجموعة من النتائج أهمها ما يأتي:

- ارتفاع مستوى تحصيل التلاميذ باستخدامهم معلم الرياضيات متعدد الوسائل التعليمية.
- نمو الاتجاهات الإيجابية نحو معلم الرياضيات لدى كل من التلاميذ والمعلمين.

وأجرت عبد الرحمن (1989) دراسة بعنوان "قاعة طريقة مقتربة تجمع بين الاكتشاف الموجه، والمعلم، واستخدام الكمبيوتر، في تدريس القياس في الرياضيات لتلميذات المرحلة الابتدائية". في مدرسة النهضة الابتدائية في أسيوط، واقتصرت هذه الدراسة على ثلاثة من مفاهيم القياس وهي (الطول، والمساحة، والحجم). وكانت عينة الدراسة مقتصرة على تلاميذ الصف الرابع والخامس والسادس الابتدائي، حيث أجرت عدة تجارب بنائية للبرنامج ككل، وطبقت

البرنامج على عينة صغيرة من تلاميذ الصف الرابع الابتدائية واستخدمت الطريقتين معاً، واختارت عينة عشوائية من طلاب الصف الخامس والسادس، وتم تقسيمهما إلى مجموعتين: المجموعة التجريبية وهي عينة عشوائية من تلاميذ الصف الخامس الابتدائي، وتدرس بطريقة تجمع بين الاكتشاف الموجه والمعلم واستخدام الكمبيوتر، والمجموعة الضابطة وهي عبارة عن عينة عشوائية من تلاميذ الصف السادس الابتدائي ويتم تدريس أفكار القياس لهم كما هي في كتب المدرسة بالطريقة التقليدية. وقد تم تطبيق اختبارين للتقويم البنائي في نهاية كل درس، والتقويم النهائي على المجموعتين التجريبية والضابطة. وتوصلت الدراسة إلى وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسط أداء المجموعة التجريبية ومتوسط أداء المجموعة الضابطة في تحصيلهم لمفاهيم الطول، والمساحة، والحجم، لصالح المجموعة التجريبية.

وطبق السعدي (1995) دراسة بهدف التعرف إلى أثر استخدام الطريقة المعملية في تدريس بعض موضوعات مقرر الرياضيات للصف الثالث الابتدائي على تحصيل الطالبات، وبقاء آثر التعلم. وكانت عينة الدراسة مكونة من (72) طالبة موزعة على مجموعتين ضابطة وتجريبية. واستخدمت الباحثة المنهج التجريبي، وتمثلت أدوات الدراسة في اختبار تحصيلي بعدي ومؤجل. وخلصت الدراسة إلى فاعلية الطريقة المعملية في رفع مستوى التحصيل الدراسي، وبقاء آثر التعلم لدى طالبات الصف الثالث الابتدائي اللواتي درسن باستخدام الطريقة المعملية. وكانت أهم التوصيات إنشاء معامل مجهزة لتدريس الرياضيات في المدارس الابتدائية ، وتدريب المعلمين على استخدام الطريقة المعملية في تدريس الرياضيات.

وهدفت دراسة منصور (1996) إلى تقصي آثر استخدام أسلوب الطريقة المعملية في تنمية المهارات الهندسية ومستويات التفكير الهندسي لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية، في مدينة دمشق، وفق نموذج التفكير الهندسي لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية وفق نموذج فان هيل Van Hill، بعد أن استخدم منهج تجريبي. وتم تطبيق الدراسة على عينة من (98) طالباً موزعين على شعبتين: الأولى المجموعة التجريبية، وبلغ عدد طلابها (52) طالباً، والأخرى المجموعة الضابطة، وبلغ عدد طلابها (46) طالباً، وشملت أدوات الدراسة اختبار المهارات الهندسية، واختبار تفكير هندسي قبلي وبعدى. ومن الأساليب الإحصائية التي استخدمها الباحث اختبار (ت) لمجموعتين مستقلتين، والنسبة المئوية لدرجات الطالب في المجموعتين، وخلصت الدراسة إلى عدد من

جودت أحمد سعادة، منتهى صبر العثماوي

النتائج أهمها: وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) بين درجات كل من المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختباري المهارات والتفكير لصالح المجموعة التجريبية، وهذه الفروق لصالح المجموعة التجريبية التي درست باستخدام الأسلوب المعملي. وفي ضوء نتائج الدراسة أكد الباحث على مجموعة من التوصيات أهمها: ضرورة عمل دورات تدريبية لملئي المرحلة الابتدائية لنزويدهم بأسس استخدام الطريقة المعملية.

وهدفت دراسة هوارد وآخرون (Howard et al., 1991) إلى استطلاع وجهات نظر أكثر من (900) معلم للرياضيات في المرحلة الابتدائية والثانوية في جنوب غرب ولاية سدني وشمال نيوساوث ويلز باستراليا، حول استخدام اليدويات في تدريس الرياضيات، حيث وفرت هذه الدراسة بيانات عن واقع استخدام اليدويات في تدريس الرياضيات، وقد خلصت الدراسة إلى مجموعة من النتائج أهمها:

- أن مستوى استخدام اليدويات في المدارس الثانوية هو أقل بكثير من المدارس الابتدائية.
- نسبة معلمي الرياضيات في المرحلة الابتدائية الذين يستخدمون اليدويات في كل درس هي (55%)، مقابل (40%) فقط من المجبين من معلمي الرياضيات بالمرحلة الثانوية.
- جميع المعلمين تقريباً يشعرون بالثقة في استخدام اليدويات المتاحة لهم، ونسبة كبيرة منهم ذكرت أنها تؤدي الحصول على مزيد من التدريب على استخدام يدويات الرياضيات.
- هناك قناعة من المعلمين بأن استخدام اليدويات في تدريس الرياضيات يعود بالفائدة على التلاميذ، ويجعلهم يستمتعون بالتعلم.

وطبق عبد العال (1999) دراسة بعنوان: "فاعالية استخدام معلم الرياضيات في تدريس الكسور لتלמידي الصف الرابع الابتدائي على تحصيل التلاميذ وبقاء الأثر". واستخدم الباحث المنهج التجريبي، وكانت أدوات الدراسة عبارة عن اختبار تحصيلي في وحدة الكسور بعدي مؤجل للصف الرابع الابتدائي، وتمثلت أهم النتائج في فاعالية استخدام معلم الرياضيات لتدريس الكسور على التحصيل وبقاء أثر التعلم.

وأجرت مداح (2001) دراسة هدفت التعرف إلى فاعلية التعلم التعاوني ومعمل الرياضيات، في تنمية بعض المفاهيم الرياضية والاحتفاظ بتعلمها لدى طالبات الصف السادس الابتدائي، مقارنة بالطريقة التقليدية. وقد استخدمت الباحثة المنهج شبه التجريبي، و Ashton عينة الدراسة على (108) طالبة من طالبات الصف السادس بمكة المكرمة. وشملت أدوات الدراسة اختباراً تحصيلياً قبلياً وبعدياً في وحدة القياس والمساحة، كما استخدمت الباحثة في التحليل الإحصائي تحليل التباين. ومن أهم نتائج الدراسة: وجود فروق دالة إحصائياً بين متواسطي درجات طلاب المجموعتين في الاختبار البعدي والموجل لصالح المجموعة التجريبية.

وقام الخديجي (2003) بدراسة هدفت التعرف إلى إسهامات المشرف التربوي في تفعيل معامل الرياضيات في مدارس المرحلة الابتدائية بالطائف، باستخدام المنهج الوصفي، وأدوات الدراسة التي كانت عبارة عن استبانة لجمع البيانات. ومن أهم النتائج التي توصل إليها الباحث أن إسهامات المشرف التربوي في تفعيل معامل الرياضيات في مدارس المرحلة الابتدائية بالطائف لا ترتفع إلى المستوى المطلوب مع وجود معيقات تحد بدرجة عالية جداً من تلك الإسهامات.

وقامت الحيالي (2004) بدراسة هدفت التعرف إلى أثر استخدام النموذج المعملي في التحصيل وتنمية الميول نحو مادة الرياضيات لدى تلميذ المرحلة الابتدائية في العراق. واستخدمت الباحثة المنهج التجريبي، وتم تطبيق الدراسة على عينة من (123) تلميذاً وتلميذة من تلامذة الصف الخامس الابتدائي في مدرستين من المدارس الابتدائية المختلفة في محافظة بغداد، إحدى المدرستين كانت تجريبية وعدد أفرادها (63) تلميذاً وتلميذة، والأخرى ضابطة عدد أفرادها (60) تلميذاً وتلميذة. وأعدت الباحثة مقياساً للميول نحو الرياضيات، واختباراً تحصيلياً قبلياً وبعدياً. ومن الأساليب الإحصائية التي استخدمتها الباحثة أيضاً، اختبار شيفيه للكشف عن دلالة الفرق المعنوي بين المجموعات، ومتواسطات الدرجات للتلاميذ في المجموعتين. وخلاصت الدراسة إلى عدد من النتائج أهمها وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين درجات كل من المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختباري الميول نحو مادة الرياضيات والتحصيل، لصالح المجموعة التجريبية التي درست باستخدام النموذج المعملي.

جودت أحمد سعادة، منتهي صبر العثماوي

وهدفت دراسة (Okigbo and Osuafor, 2008) إلى تحديد أثر استخدام معمل الرياضيات في تحصيل الطالب بمادة الرياضيات، وهل يوجد للجنس أثر في ذلك؟. وقد استخدم الباحث المنهج التجريبي، واشتملت عينة الدراسة على (100) طالب وطالبة منقسمين بالتساوي لمجموعتين تجريبية وضابطة وفقاً للجنس، وكانت أدوات الدراسة عبارة عن اختبار تحصيلي طبق لأفراد العينة. وقد استخدم الباحث إحصائياً المتوسط الحسابي والانحراف المعياري وتحليل التباين، ومن أهم النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات طلب المجموعتين في الاختبار التحصيلي البعدي لصالح طلاب المجموعة التجريبية.

ودارت دراسة مانجوناث (Manjunath, 2009) حول التعرف إلى آراء المعلمين حول مختبر الرياضيات، من أجل وضع طريقة لاستخدام مختبر الرياضيات في التدريس. وقد استخدم الباحث المنهج الوصفي والتجريبي، واشتملت عينة الدراسة على (80) طالباً وطالبة في الصف العاشر و(100) من معلمي الرياضيات ومعلماتها للرياضيات العاملين في المدارس، وتمثلت أدوات الدراسة في استبانة طبقت على معلمي العينة واختبار تحصيلي لطلبة العينة. وقد استخدم الباحث في التحليل الإحصائي اختبارات لعينتين مستقلتين، ومن أهم نتائج الدراسة أن الطريقة التي وضعت لغرض تدريس الرياضيات في جو مختبر الرياضيات كانت فعالة أكثر من الطريقة التقليدية.

وطبق الجبورى (2010) دراسة للتعرف أثر الأنماذج المعملى في تصحيح الأخطاء الشائعة للمفاهيم الرياضية لدى طلاب الصف الأول المتوسط في العراق. وقد استخدم الباحث المنهج شبه التجريبي، وتكونت عينة الدراسة من (29) طالباً للمجموعة التجريبية التي تدرس باستعمال الأنماذج المعملى بينما تكونت المجموعة الضابطة من (28) طالباً، وطبقت التجربة في الفصل الدراسي الثاني من العام الدراسي (2009 - 2010) وقام الباحث بتدريس مجموعتي الدراسة بنفسه. وفي نهاية الفصل الدراسي الثاني، أجري اختبار مجموعتي الدراسة باستخدام اختبار نهائى لتشخيص المفاهيم الرياضية الذى أعده الباحث، بعد أن تحقق من صدقه وثباته وحساب القوة التمييزية ومعامل الصعوبة وفعالية البدائل لفقراته، ثم عولجت نتائج الاختبارات إحصائياً باستخدام عدد من الوسائل الإحصائية مثل الاختبار الثنائى لعينتين مستقلتين (t-test) ومعادلة كودر ريتشاردسون -20- لحساب الثبات ومعامل الصعوبة، ومعادلة تمييز الفقرات، ومعادلة

فعالية البدائل. وقد اظهرت النتائج تفوق طلاب المجموعة التجريبية التي درست باستعمال الأنماذج المعملي على طلاب المجموعة الضابطة التي استخدمت الطريقة المعتادة.

وهدفت دراسة العبيسي ونوفل (2010) إلى تقصي أثر استخدام المحسوسات في تحصيل طلبة الصف الأول الأساسي في مادة الرياضيات في مدارس "الأونروا" في منطقة جرش الأردنية. وقد تكونت عينة الدراسة من (155) طالباً وطالبة يمثلون أربع شعب، باستخدام المحسوسات، وضابطة تعلمت بالطريقة التقليدية وبعد الانتهاء من تطبيق الدراسة، تم تطبيق اختبار التحصيل، كما تم استخدام تحليل التباين الثنائي لاختبار فرضيات الدراسة. وأظهرت نتائج الدراسة وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات طلبة المجموعتين لصالح طلبة المجموعة التجريبية التي تعلمت باستخدام المحسوسات، فيما لم توجد فروق ذات دلالة بين متوسطي درجات طلبة المجموعتين تعزى للجنس أو التفاعل بين الطريقة والجنس.

ودارت دراسة خلف الله (2013) حول "فاعلية توظيف معلم الرياضيات في تنمية مهارات التفكير الهندسي والتحصيل لدى طالبات الصف السابع بمحافظة رفح". وقامت الباحثة ببناء أداتين للدراسة وهما اختبار تحصيلي يتكون من (25) فقرة، واختبار مهارات تفكير هندسي مكون من (20) فقرة، وكلاهما من نوع الاختيار من متعدد. وتم التأكيد من صدقهما وثباتهما قبل تطبيقهما على المجموعتين الضابطة والتجريبية قبلياً وبعدياً. وقد اختارت الباحثة (75) طالبة من طالبات الصف السابع الأساسي من مدرسة بنات الشوكة الإعدادية التابعة لمنطقة رفح التعليمية بوكلالة الغوث كعينة للدراسة، تم توزيعهن على مجموعتين إحداهما تجريبية وعدها (37) طالبة، والأخرى ضابطة وعدها (36) طالبة. وقد تم جمع البيانات وتحليلها باستخدام الأساليب الإحصائية. وأظهرت نتائج الدراسة بوجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( $\alpha \leq 0.05$ ) في متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية، ومتوسط درجات المجموعة الضابطة في اختبار التفكير الهندسي البعدى لصالح المجموعة التجريبية، وأنه توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( $\alpha \leq 0.05$ ) في متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية ومتوسط درجات المجموعة الضابطة في اختبار تحصيلي البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

**المحور الثاني: الدراسات التي تناولت التفكير الرياضي ومهاراته:**

من بين أهم هذه الدراسات ما قامت به جونسن ولوري (Johnson & Laurie, 2000) من دراسة بهدف التعرف إلى التفكير الرياضي للللاميد في المرحلة الابتدائية ذوي صعوبات التعلم في الرياضيات. وتكونت عينة الدراسة من مجموعة من تلاميذ الصف الثاني وعددهم (49) تلميذاً، واعتمدت الدراسة على التصميم التجاري ذي المجموعة الواحدة، بعد تطبيق اختبار التفكير الرياضي واختبار في حل المشكلات، وتوصلت الدراسة إلى عدة نتائج منها أن تلاميذ من ذوي صعوبات التعلم في الرياضيات لديهم قصور شامل في التفكير الرياضي، وأن لديهم عجز أكثر في مهارة حل المشكلات.

وهدفت دراسة (الصياغ، 2003) لأستقصاء استراتيجيات تنمية التفكير وتطويره التي يستخدمها معلمون مهرة في تدريس الرياضيات، والتي تتفق مع وثيقة المبادئ والمعايير للرياضيات المدرسية (NCTM, 2000). واختارت الباحثة ثلاثة مواقع مختلفة وفق استراتيجية العينة القصدية، وشارك في هذه الدراسة ثلات معلمات رياضيات بالمرحلة الأساسية وطالباتهن من الواقع ذاتها. واعتمدت هذه الدراسة حالة معتمدة على أدوات الملاحظة، والمقابلة، وتحليل الوثائق، فقد جمعت البيانات ضمن سياقاتها الطبيعية من خلال ملاحظة الباحثة لهذه السياقات في صورتها الطبيعية. وكانت هذه الملاحظات تهدف إلى وصف المواقف والأنشطة، والمعاني التي تلاحظها من وجهة نظر المشاركين. وقد أعدت الباحثة صحيفة لتحليل هذه الملاحظات وفقاً لمعايير التفكير الواردة في وثيقة مجلس معلمي الرياضيات (NCTM, 2000) مكون من (24) مع استخدم اختبار التفكير الرياضي وهو اختبار من إعداد أبو زينة (1983) مكون من (24) فقرة. وتوصلت الدراسة إلى أن المعلمات قد امتلكن بعض الاستراتيجيات التي تطور التفكير لدى الطالبات، وأخفقن في بعضها، مع تقليص درجة امتلاك هذه الاستراتيجيات باختلاف الموقع. وقد خلصت هذه الدراسة إلى ضرورة أن تتضمن برامج التأهيل والتدريب ما يؤكد على أهمية البرهان الرياضي وتنميته، وضرورة توظيف الاستراتيجيات التي تبني التفكير والبرهنة في التعلم الصفي.

وطبق السعدي (2005) دراسة هدفت التعرف إلى فاعلية برنامج تدريبي في تنمية قدرة طلبة الصف التاسع على التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات. وتكونت عينة الدراسة من (164) طالباً وطالبة منهم (70) طالباً و(94) طالبة من طلبة الصف التاسع الأساسي في محافظة

العقبة الأردنية، وذلك عن طريق اختيار الباحث مدرستين لتنفيذ الدراسة، مدرسة للذكور ومدرسة للإناث بواقع شعبتين من كل مدرسة، وزعت عشوائياً لتكون إدراهما تجريبية والأخرى ضابطة يقوم على تدريسيها معلم واحد في كل مدرسة. وقام الباحث بإعداد برنامج تدريبي يتضمن ثمانية مظاهر للتفكير الرياضي. كما أعد الباحث اختباراً تحصيلياً للمحتوى الرياضي المقدم، طبق الاختبار التحصيلي بعد الانتهاء من تطبيق التجربة مباشرةً، وبعد أسبوع طبق اختبار التفكير الرياضي وقد أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة إحصائية ( $\alpha \leq 0.05$ ) لصالح المجموعة التجريبية في اختبار التحصيل واختبار التفكير الرياضي. وفي ضوء هذه النتائج، أوصى الباحث بضرورة اهتمام مناهج الرياضيات اهتماماً كبيراً بتنمية التفكير الرياضي عند الطلبة، وإيكابهم طريقة في التفكير تعتمد على بناء رياضي دقيق.

وهدفت دراسة الخطيب وعبابنة (2011) إلى تقصي أثر استخدام استراتيجية تدريسية قائمة على حل المشكلات وعلى التفكير الرياضي، والاتجاهات نحو الرياضيات لدى طلاب الصف السابع الأساسي في الأردن. وتكونت عينة الدراسة من (104) من طلاب الصف السابع الأساسي، قسموا إلى مجموعتين عشوائيّاً: الأولى تجريبية درست باستخدام استراتيجية تدريسية قائمة على حل المشكلات والثانية ضابطة درست بالطريقة الاعتيادية. وقد أظهرت النتائج المتعلقة بالتفكير الرياضي تفوق طلاب المجموعة التجريبية على طلاب المجموعة الضابطة، وعدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية في التفكير الرياضي تعزى للتفاعل بين استراتيجية التدريس والمستوى التحصيلي، وأن اتجاهات طلاب المجموعة التجريبية كانت أفضل من اتجاهات أقرانهم من المجموعة الضابطة، وعدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية في اتجاهات الطلاب نحو الرياضيات، تعزى للتفاعل بين استراتيجية التدريس والمستوى التحصيلي.

وأجرى عبد، وأبو زينة (2012) دراسة هدفت لاستقصاء تطور القدرة على التفكير الرياضي لدى الطلبة عبر الصنوف من الثامن وحتى العاشر، بالإضافة إلى علاقة التفكير الرياضي بنمط تعلم الطالب، وبلغ عدد أفراد الدراسة (1148) طالباً وطالبة اختبروا من مديرية تربية عمان الأولى. ولتحقيق أهداف الدراسة، تم استخدام اختبار التفكير الرياضي من إعداد الباحثين، والتحقق من صدقه وثباته بالطرق المناسبة. كما استخدم مقياس فارك للكشف عن أنماط التعلم المفضلة لدى الطلبة. وكشفت نتائج الدراسة عن نمو في القدرة على التفكير الرياضي بانتقال الطالب من صف إلى صف أعلى وأن نمط التعلم المفضل لدى الطلبة يتغير باختلاف الصف،

وأن أداء الطلبة على اختبار التفكير الرياضي كان الأعلى لذوي النمط البصري، أما ذو النمط السمعي فكان أداؤهم الأقل. وقد خلصت هذه الدراسة إلى جملة من التوصيات تدعو إلى الاهتمام بتفعيل دور المنهاج وتبني استراتيجيات تدریس تدعم التفكير الرياضي وتنماشى مع أنماط تعلم الطلبة.

وهدفت دراسة نجم (2012) إلى الكشف عن آثر برنامج تدريسي مقترن بتنمية التفكير الرياضي في التحصيل المباشر والمؤجل (الاحتفاظ) في الرياضيات لدى طلبة الصف السابع الأساسي. ولتحقيق هذا الغرض تكونت عينة الدراسة من (182) من طلبة الصف السابع الأساسي والموزعين على أربع شعب: شعبان للذكور إداحتا تمثل المجموعة التجريبية والأخرى المجموعة الضابطة، وشعبان للإناث إداحتا تجريبية والأخرى ضابطة. وقد درست المجموعات التجريبية البرنامج التدريسي الذي هدف إلى تنمية أنماط ومهارات التفكير الرياضي الآتية: الاستقراء، الإستنتاج، البرهان الرياضي، التفكير المنطقي، التعليل والتبرير (السببية)، وحل المسائل الرياضية الكلامية، والبيانات، والبيانات الكاذبة، والدررية بالطريقة التقليدية. وتكونت أداة القياس من اختبار تحصيلي في الرياضيات، والذي تم استخدامه لقياس تحصيل الطلبة بعد تتنفيذ الدراسة مباشرة (التحصيل المباشر)، وبعد أربعة أسابيع من تتنفيذها (التحصيل المؤجل). وللإجابة عن أسئلة الدراسة واختبار فرضياتها، تم استخدام تحليل التباين الثاني عند مستوى الدلالة ( $\alpha \leq 0.05$ ) حيث أشارت النتائج إلى الآثر الإيجابي للبرنامج التدريسي المقترن بتنمية التفكير الرياضي في تحسين التحصيل المباشر والمؤجل (الاحتفاظ) في الرياضيات، وذلك لدى كل من الطلبة الذكور والإناث، وتفوقه في ذلك على الطريقة التقليدية في التدريس.

وقامت عطار (2013) بدراسة هدفت إلى الكشف عن فاعلية استخدام برنامج الكورت تقنياً في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الثاني المتوسط في مادة الرياضيات في مدينة مكة المكرمة. واستخدمت الباحثة المنهج شبه التجريبي، حيث طبقت الدراسة على عينة بلغ عددها (80) طالبة من طالبات الصف الثاني متوسط في مدينة مكة المكرمة بالفصل الدراسي الثاني لعام 1432/1433 هـ بعد توزيعها على مجموعتين مكافتين: تكونت المجموعة التجريبية من (40) طالبة والمجموعة الضابطة من (40) طالبة. وقد قامت الباحثة بتطبيق برنامج الكورت

تقنياً في وحدة (الاحتمالات) للمجموعة التجريبية، بينما درست المجموعة الضابطة بالطريقة المعتادة، وأخذت المجموعة عتان لاختبار مهارات التفكير الرياضي المعد من قبل الباحثة.

وأظهرت نتائج الدراسة وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لكل مهارة من مهارات التفكير الرياضي (الاستنتاج، الاستقراء، التعميم، الترميز، النمذجة، والتخمين) وفي المهارات الكلية للتفكير الرياضي لصالح المجموعة التجريبية.

وقد أظهرت النتيجة العامة للدراسة فاعلية استخدام برنامج الكورت تقنياً في تربية مهارات التفكير الرياضي في وحدة الاحتمالات بسادة الرياضيات لدى طلابه، وهو الذي أهداه إلى مدينة مكة المكرمة. وفي ضوء نتائج الدراسة أوصت الباحثة بمجموعة من التوصيات جاء من أهمها توظيف برنامج الكورت في تعليم الرياضيات بالمرحلة المتوسطة.

#### التعقيب على الدراسات السابقة:

يمكن تلخيص هذا التعقيب التعقيب في النقاط الآتية:

- وجد الباحثان أن هناك مجموعة من الدراسات العربية والأجنبية تطرقت إلى توظيف معلم الرياضيات كطريقة تدريس حديثة، مع اختلاف الهدف. ومن بين هذه الدراسات ما قام به Lichtenheld, 1987 (Schussheim, 1980)، وعبدالرحمن (1989) وسعدي (1995)، وعبدالعال (1999)، وOkigbo, Osuafor, 2008 (العبسي ونوفل 2010)، والحيالي (2004) على الهدف من الدراسة وهي معرفة أثر معلم الرياضيات في تنمية التحصيل، وبينما كان هدف كلٍ من منصور (1996)، وخلف الله (2013) معرفة أثر معلم الرياضيات في تنمية مهارات هندسية. أما عن دراسة خديجي (2003)، وManjunath, 2009 فقد اتفقا في الهدف وهو معرفة آراء المعلمين والمشرفين التربويين حول معلم الرياضيات، وأخيراً كان الهدف من دراسة مداح (2001) معرفة أثر معلم الرياضيات في تنمية بعض المفاهيم الرياضية والاحتفاظ بتعلمها، بينما كان هدف الجبوري (2010) معرفة أثر الأنماذج المعملي في تصحيح الأخطاء الشائعة للمفاهيم الرياضية.

- الدراسات التي تتعلق بمهارات التفكير الرياضي، وجدت الباحثة أن معظم الدراسات السابقة تتفق في إعداد برنامج لتنمية التفكير الرياضي كما جاء في دراسة كل من السعدي (2005) والعطار (2013) ونجم (2012)، أما الدراسات الأخرى فتنوعت أهدافها، فمنها ما ركز على استقصاء استراتيجيات تنمية التفكير مثل دراسة الصباغ (2003)، والخطيب وعبابنة (2011)، وعبد وأبوزينة (2012). أما دراسة (Johnson , Lauri, 2000) فقد تعلقت بالتعرف إلى التفكير الرياضي لذوي صعوبات التعلم في الرياضيات.

ومن خلال الاطلاع على هذه الدراسات، وجد الباحثان أنه قد اتفقت الدراسة الحالية مع هذه الدراسات السابقة، في كونها دراسة تجريبية لمهارات التفكير الرياضي، واستخدام معمل الرياضيات في تدريس مادة الرياضيات بصفة عامة، ولكن الاختلاف أن الدراسة الحالية هدفت إلى استخدام معمل الرياضيات لتنمية مهارات التفكير الرياضي.

وما تميزت به الدراسة الحالية عن باقي الدراسات السابقة، أنها من أوائل الدراسات التجريبية التي تتناول استخدام معمل الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل للصف الأول المتوسط في العراق على حد علم القائمين على هذه الدراسة، كما أنه لا يوجد معمل رياضيات في المدارس التابعة لمديرية تربية الكرخ الثانية في محافظة بغداد، ولكن سيتم إنشاء معمل رياضيات مصغر في إحدى مدارس مديرية الكرخ الثانية. كما تميزت هذه الدراسة عن الدراسات السابقة في حجم العينة ومجتمعها، إذ حيث شملت عينة من البيئة العراقية وهي طالبات الصف الأول المتوسط في مدارس تربية الكرخ الثانية في بغداد. وفي الوقت نفسه، فقد استفاد الباحثان من الدراسات العديدة السابقة في كيفية استخدام معمل الرياضيات في تحقيق الأهداف المرجوة، وفي بناء الإطار النظري الخاص بمعمل الرياضيات، وفي التعرف إلى العديد من الكتب والمجلات والمراجع التي تشي الدراسة الحالية، وفي التعرف إلى الأساليب الإحصائية المناسبة والمنهجية العلمية.

### الطريقة والإجراءات

يتناول هذا العنوان عدة موضوعات ذات علاقة مثل منهجية الدراسة، وأفرادها، والعينة، والأدوات، والمتغيرات، والمعالجة الإحصائية والإجراءات. وفيما يأتي توضيح لذلك كله:

### منهجية الدراسة:

تم اعتماد المنهج شبه التجريبي، وذلك بانتقاء مجموعتين من طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد/ العراق، بحيث يطبق على المجموعة التجريبية الطريقة المعملية، باستخدام معلم الرياضيات، بينما تبقى المجموعة الأخرى تدرس المادة ذاتها بالطريقة الاعتيادية. وتم تطبيق اختبار مهارات التفكير الرياضي واختبار التحصيل كاختبار قبلى قبل استخدام معلم الرياضيات، واختبار بعدي بعد الانتهاء منها لكلا المجموعتين، وذلك لمعرفة اثر المتغير المستقل (معلم الرياضيات) على المتغيرين التابعين وهما مهارات التفكير الرياضي والتحصيل.

### أفراد الدراسة:

تم اختيار أفراد الدراسة بالطريقة القصدية، حيث اختيرت طالبات الصف الأول المتوسط من مدرسة متوسطة النبا للبنات، والبالغ عددهن (126) طالبة، وتم اختيار شعبه من شعب الصف الأول المتوسط بالطريقة العشوائية تمثل المجموعة التجريبية والبالغ عددها (30) طالبة والتي تم تدريسها بطريقة معلم الرياضيات لوحدة دراسية في مادة الرياضيات. كما تم اختيار شعبه من شعب الأول المتوسط بالطريقة العشوائية من متوسطة الذاريات للبنات والبالغ عددها (20) طالبة من مجموع (65) طالبة، تمثل المجموعة الضابطة، وتم تدريسها لوحدة ذاتها بالطريقة المعتادة. والجدول الآتي (1) يمثل توزيع أفراد عينة الدراسة:

جدول (1) توزيع أفراد عينة الدراسة

العدد	أسلوب التدريس	المجموعة
30	معلم الرياضيات	المجموعة التجريبية
20	الطريقة الضابطة	المجموعة المعتادة

### أدوات الدراسة:

لتحقيق أهداف الدراسة والتي تمثلت في الكشف عن اثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد/ العراق، فقد قام الباحثان بإعداد اختبار تحصيلي عن الفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل

المفتوحة) من كتاب الرياضيات للصف الأول المتوسط، كما طور الباحثان اختباراً لقياس مهارات التفكير الرياضي. وفيما يأتي توضيح لهاتين الأداتين:

#### أولاً: اختبار التفكير الرياضي:

طور الباحثان اختبار التفكير الرياضي المستخدم من قبل (الخطيب، 2004) بهدف استخدامه في إثبات تقارب وتجانس مستوى التفكير الرياضي لدى طالبات المجموعتين التجريبية والضابطة، وقد اشتمل اختبار التفكير الرياضي في صورته الأولية على (28) فقرة تقسّم أربعة أبعاد للتفكير وهي: الاستقراء، والاستنتاج، والترميز، والتصور البصري، وكل مهارة منها (7) فقرات.

#### صدق اختبار التفكير الرياضي:

تم التأكيد من صدق محتوى الاختبار بعرضه على مجموعة من المحكمين من ذوي الاختصاص، وذلك للحكم على مدى صلاحيته لقياس التفكير الرياضي لطالبات الصف الأول المتوسط، وفي ضوء ملاحظاتهم تم حذف بعض الفقرات، ووضع الاختبار في صورته النهائية وبلغ عدد فقراته (21) فقرة.

#### ثبات اختبار التفكير الرياضي:

لغرض التحقق من ثبات اختبار التفكير الرياضي، قام الباحثان بتطبيق الاختبار بصورةه النهائية على عينة استطلاعية مولفة من (40) طالبة، من مجتمع الدراسة وخارج عينتها، وبعد أسبوعين تم تطبيق الاختبار على العينة نفسها، وحسب معامل ثبات الاختبار بطريقة الاختبار وإعادة الاختبار test-retest باستخدام معامل ارتباط بيرسون، وقد بلغت قيمة الثبات (0.87). وعدت هذه القيمة مقبولة لأغراض الدراسة.

#### معاملات الصعوبة ومعاملات التمييز لفقرات الاختبار التفكير الرياضي:

تم إيجاد معاملات الصعوبة ومعاملات التمييز لفقرات الاختبار، حيث تم حذف الفقرات التي تقل درجة صعوبتها عن (0.20) أو تزيد عن (0.80)، وعليه تم قبول معظم فقرات الاختبار، حيث كانت في المستوى المعقول من الصعوبة، عدا الفقرات (3، 6، 11، 14، 15، 26، 27) كما

تم حذف الفقرات التي يقل معامل تميزها عن (0.30) لأنها تعتبر ضعيفة في تميزها لأفراد العينة وعليه تم قبول معظم الفقرات عدا الفقرات (3، 6، 11، 14، 15، 26، 27).

#### طريقة تصحيح الاختبار:

يتكون الاختبار من (21) فقرة، بعض الفقرات اختيار من أربعة بدائل حيث بديل واحد منها صحيح فقط، وأعطيت درجة واحدة لكل إجابة صحيحة، وباقى الفقرات تتم الإجابة عنها بإجابة واحدة صحيحة، حيث تراوح مدى الإجابة للاختبار بين (0-21) والدرجة النهائية العظمى هي 21 درجة.

#### ثانياً: الاختبار التحصيلي:

قام الباحثان بتحديد الأهداف العامة لوحدة الدراسة وتحليل المحتوى للمادة الدراسية المراد تدريسها بطريقة معمل الرياضيات من كتاب الرياضيات للصف الأول المتوسط، كما تم إعداد اختبارٍ تحصيلي لوحدة الدراسية، وفق جدول المواصفات وجدول توزيع أسئلة الاختبار حسب الوزن النسبي لمستويات الأهداف، من أجل استخدامه في التأكيد من تكافؤ المجموعتين الضابطة والتجريبية في المستوى التحصيلي، وذلك قبل تنفيذ التجربة، للتأكد من أنه لا توجد خبرات قبليّة سابقة لدى الطالبات في مبحث الدراسة، وتطبيقه بعد نهاية التجربة للتعرف إلى الفروق بين المجموعتين. وقد اشتمل الاختبار التحصيلي في صورته الأولية على (30) فقرة تقيس ثلاثة أبعاد للمعرفة هي المعرفة المفاهيمية - والمعرفة الإجرائية - وحل المشكلات.

#### خطوات بناء الاختبار التحصيلي:

وتنتمي هذه الخطوات في الآتي:

1- تحديد المادة الدراسية: لقد تم اختيار الفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل المفتوحة) من كتاب الرياضيات للصف الأول المتوسط، وتم إعطاء كل درس تقلاً نسبياً بناء على عدد الحصص لكل درس، وذلك بعد تحليل المادة الدراسية المختارة من كتاب الرياضيات المقرر للعام الدراسي 2013/2014 م.

2- الهدف من الاختبار: يهدف الاختبار التحصيلي إلى قياس مستوى التحصيل لدى طالبات الصف الاول المتوسط في مادة الرياضيات في الفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل المفتوحة)، ويشتمل على ثلاثة مستويات من المستويات المعرفية حسب التصنيف

تدريس طالبات الصف الأول المتوسط باستخدام أسلوب معلم الرياضيات، ...

جودت أحمد سعادة، منتهى صبر العياثاوي

الحديث وهي: المعرفة المفاهيمية - والمعرفة الإجرائية - وحل المشكلات. وهدف الباحثان كذلك من تحليل المحتوى استخراج الأوزان النسبية لأهداف الوحدة الدراسية، حيث تم تحديد الوزن النسبي لكل موضوع من موضوعات المحتوى عن طريق عدد الحصص لذلك الموضوع، من أجل مساعدتها في إعداد جدول موصفات.

-3- صياغة فقرات الاختبار: تم بناء اختبار تحصيلي من نمط اختيار من متعدد ذي الاربعة بدائل، وقد روعي في صياغة فقرات الاختبار ما يأتي:

- \* الدقة العلمية واللغوية.
- \* الوضوح والخلو من الغموض.
- \* مناسبته لمستوى الطالبات.
- \* تمثيله للمحتوى والأهداف المراد قياسها.

#### صدق الاختبار التحصيلي:

تكون الاختبار بصورةه الأولية من (30) فقرة، وللتتأكد من الصدق الظاهري للاختبار، تم عرضه على مجموعة من المحكمين من ذوي الاختصاص والخبرة، وذلك للتتأكد من صلاحيته لقياس ما وضع لقياسه من أهداف، والذين أخذت ملاحظاتهم بالاعتبار، وتم تعديل بعض الفقرات وحذف بعض الفقرات ووضع الاختبار بصورةه النهائية حيث أصبح يتألف من (25) فقرة.

#### ثبات الاختبار التحصيلي:

لغرض التحقق من ثبات الاختبار، قام الباحثان بتطبيق الاختبار بصورةه النهائية، على عينة استطلاعية مكونة من (40) طالبة، من مجتمع الدراسة وخارج عينتها. كما تم حساب معامل ثبات الاختبار بطريقة كرونباخ الفا، فبلغت قيمته (0.80)، وعدت هذه القيمة مقبولة لأغراض الدراسة.

#### معاملات الصعوبة ومعاملات التمييز لفقرات الاختبار التحصيلي:

تم إيجاد معاملات الصعوبة ومعاملات التمييز لفقرات الاختبار التحصيلي، حيث تم حذف الفقرات التي نقل درجة صعوبتها عن (0.20) أو تزيد عن (0.80)، وعليه تم قبول معظم فقرات الاختبار حيث كانت في المستوى المعقول من الصعوبة ما عدا الفقرات (13، 17، 18، 23، 27)، كما تم حذف الفقرات التي يقل معامل تميزها عن (0.30) لأنها تعتبر ضعيفة في تميزها لأفراد العينة، وعليه تم قبول معظم فقرات الاختبار، حيث كانت في المستوى المعقول من التمييز ما عدا الفقرات (13، 17، 18، 23، 27).

### طريقة تصحيح الاختبار:

يتكون الاختبار من (25) فقرة - من نوع الاختيار من متعدد بأربعة بدائل، واحد منها فقط صحيح، وأعطيت الإجابة الصحيحة درجة واحدة، إذ تراوح مدى الإجابة للاختبار بين صفر كبداية صغرى، و(25) درجة كنهاية عظمى.

### الخطة التدريسية:

تم إعداد خطة تدريسية للفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل المفتوحة) من كتاب الرياضيات المقرر لطلابات الصف الأول المتوسط في بغداد/ العراق للسنة 2014/2013.

وقام الباحثان بإعداد الدروس، حيث تضمن كل درس العناصر الآتية:

- النتائج التعليمية. - الوسائل التعليمية والأنشطة المتنوعة.

- التحضير للدروس. - إجراءات التدريس.

أما عن تدريس طلابات لخطة الفصلين السادس والسابع من الكتاب المقرر، بعد إعدادهما من جانب القائمين على هذه الدراسة، فقد تمَّ عن طريق اختيار اثنين من معلمات الرياضيات، بعد ضبط المتغيرات المتعلقة بالشهادة العلمية التي يحملانها وهي بكالوريوس الرياضيات مع دبلوم التربية، وكذلك ضبط المتغيرات بالنسبة لعدد سنوات الخبرة في التدريس لكلا المعلمتين ومقدارها سبع سنوات لكلِّ منهما، وذلك في مدرستين مختلفتين من عينة الدراسة. وقد تمَّ تدريب معلمة المجموعة التجريبية في (مدرسة متوسطة النبا للبنات) على التدريس بطريقة معمل الرياضيات من جانب أحد القائمين على الدراسة الحالية، في حين تركت معلمة المجموعة الضابطة في (مدرسة متوسطة الذاريات للبنات) تقوم بتدريس طلباتها بالطريقة الاعتيادية.

### تصميم الدراسة:

اشتملت الدراسة على المتغيرات الآتية:

- المتغير المستقل: ويتمثل في طريقة التدريس ولها مستويان هما:

\* ا لتعلم باستخدام معلم الرياضيات. \* والطريقة المعتادة.

- المتغيرات التابعة: وهما: \* التفكير الرياضي \* والتحصيل

تدريس طالبات الصف الأول المتوسط باستخدام أسلوب معلم الرياضيات، ...

جودت أحمد سعاده، منتهمي، صبر العبياوي

وقام الباحثان باتباع تصميم المجموعة التجريبية والضابطة باختبار قبلي وبعدي والذي يمكن التعبير عنه بالرموز الآتية:

#### تصميم الدراسة

R	0102	X	0102	المجموعة التجريبية
R	0102	—	0102	المجموعة الضابطة

الخصيص العشوائي: R المعالجة التجريبية: X

المعالجة الإحصائية:

تمثل المعالجات الإحصائية المستخدمة في هذه الدراسة في الآتي:

- 1-تحليل التباين المهمانج، ANCOVA، إذا ظهرت، فروق ذات دلالة احتمالية بين المجموعتين الضابطة والتجريبية على الاختبار القبلي لمهارات التفكير الرياضي والتحصيل.
- 2-معامل ارتباط بيرسون، للتأكد من ثبات اختبار مهارات التفكير الرياضي بطريقة الاختبار واعادة الاختبار.
- 3-معامل اختبار كرونباخ الفا للتأكد من معامل الثبات للاختبار التحصيلي.

#### نتائج الدراسة ومناقشتها

هدفت الدراسة إلى الكشف عن أثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى طالبات الصف الأول متوسط في العراق. وفيما ياتي عرض لما توصلت إليه الدراسة:

النتائج المتعلقة بالسؤال الأول ومناقشتها: وينص على الآتي: ما أثر استخدام معلم الرياضيات في مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول متوسط في بغداد؟

وللإجابة عن هذا السؤال تم إيجاد المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لإنجات الطلبة على اختبار مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الأول متوسط في بغداد، وذلك لمعرفة إذا كانت هناك فروق ظاهرية بين متوسط إنجات طالبات المجموعة التجريبية

ومتوسط إجابات طالبات المجموعة الضابطة في الاختبارين القبلي والبعدي. والجدول (2) الآتي يوضح ذلك:

**الجدول (2) المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لإجابات أفراد عينة الدراسة على اختبار التفكير الرياضي، بالاختبار القبلي، والبعدي تبعاً لمتغير المجموعة**

المجال	المجموعات	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري
مهارات التفكير الرياضي	تجريبية	7.16	2.21
	ضابطة	5.45	2.68
مهارات التفكير الرياضي	تجريبية	12.97	3.20
	ضابطة	4.95	2.72

ويشير الجدول (2) إلى وجود فروق ظاهرية بين المجموعة التجريبية التي درست مادة الرياضيات باستخدام معلم الرياضيات وبين المجموعة الضابطة التي درست المادة نفسها بالطريقة السعّادة على اختبار التفكير الرياضي البدي، فقد بلغ المتوسط المعياري للجموعة التجريبية (12.97) في حين بلغ المتوسط الحسابي لأفراد المجموعة الضابطة على الاختبار نفسه (4.95).

ولاختبار فيما إذا كانت هذه الفروق الظاهرة دالة إحصائيا تم استخدام تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول (3) الآتي يظهر نتائج هذا الاختبار:

**جدول (3) نتائج تحليل التباين المصاحب**

**لاختبار دلالة الفروق في اختبار مهارات التفكير الرياضي**

المجال	المصدر	مجموع المربعات	درجات الحرية	متوسط المربعات	"ف"	مستوى الدلالة
مهارات التفكير الرياضي	قبلية	3852.083	1	3852.083	422.22 6	0.61
	المجموعة	771.203	1	771.203	84.532	.000
المجموع	الخطأ	437.917	48	9.123		
	المصحح	5972.000	50			

ويظهر الجدول (3) وجود فروق ذات دلالة إحصائية عن مستوى الدلالة عند مستوى الدلالة ( $\alpha=0.05$ ) في اختبار مهارات التفكير الرياضي، فقد بلغت قيمة "ف" المحسوبة (84.532) وهذا يعني رفض الفرضية الصفرية الأولى التي نصت على الآتي "لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية مستوى الدلالة ( $\alpha=0.05$ ) بين متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية التي تستخدم معلم الرياضيات ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي تستخدم الطريقة المعتادة في التفكير الرياضي". كما تم حساب المتوسطات المعدلة والخطأ المعياري على اختبار التفكير البعدى للمجموعة التجريبية التي درست مادة الرياضيات باستخدام معلم الرياضيات للمجموعتين التجريبية والضابطة، كما يوضحه الجدول (4) الآتى:

#### الجدول (4) المتوسطات الحسابية المعدلة والخطأ المعياري

#### على الاختبار البعدى للتفكير الرياضي للمجموعتين التجريبية والضابطة

المجال	المجموعة	الخطأ المعياري	المتوسط الحسابي المعدل
مهارات التفكير الرياضي	تجريبية	.551	11.858
	ضابطة	.675	3.592

يبين الجدول (4) أن المتوسطات الحسابية المعدلة كانت لأفراد المجموعة التجريبية بلغت (11.858) في حين أنها بلغت لأفراد المجموعة الضابطة (3.592).

وقد تعود هذه النتائج إلى مجموعة من العوامل من بين أهمها أن الطالبات قد اكتسبن العديد من مهارات التفكير الرياضي من خلال قيامهن بالأنشطة المعلمية، حيث أن تلك الأنشطة تعتمد بشكل أساس على المتعلم، ويسير استخدام معلم الرياضيات وفق ثلاثة خطوات رئيسية هي: مرحلة الإعداد (المرحلة الأولى) ويتم فيها تجهيز الأدوات والمواد المستخدمة ومكان التعلم، وإعداد الأسئلة التي تهئ كنشاط للطالبات، وتحديد الأهداف ومساعدة الطالبات في تحديد المشكلة، وإعداد الطالبات للعمل اليدوي وتحديد المجموعات غير المتاجسة.

تليها مرحلة التنفيذ (المرحلة الثانية) ويتم فيها اتباع الخطوات المحددة للوصول للنتائج المطلوبة وتدوين النتائج وكتابة تقرير عن التجربة وما يمكن تطويره فيها، وأخيراً مرحلة

التقويم (المرحلة الثالثة) وفيها يتم الوصول إلى التعليمات وكتابتها على الصبورة ومناقشتها من خلال أسئلة تطرح على الطالبات.

وقد يعود سبب هذه النتيجة، إلى أن استخدام معلم الرياضيات يتصرف بأنه يشتمل على عدة خطوات متتابعة إذ ينبغي على الطالبة التي تمر بالمرحلة الثانية أن تكون قد مرت بالمرحلة الأولى، ولهذا فإن الطالبة لا يمكن أن تصل إلى المرحلة النهائية وهي حدوث التعلم. إلا إذا مرت بمراحل سابقة تعمل على ترسير المهارة المراد اكتسابها مما جعل أثر التعلم بها أقوى وأبقى.

كما أن زيادة نسبة نجاح الموقف التعليمي، قد تعزى إلى دور الطالبة في أنها تقوم بنفسها بكل العمل معتمدة على ما لديها من مادة مكتوبة وأنشطة مقررة، إذ تنفذ العمل وتدون النتائج وتعالج المعلومات. وهنا يتم الاحتفاظ بالتعلم حيث تدعم المعرفة العملية المعرفة النظرية.

كما يفسر الباحثان وجود فروق دالة إحصائياً في مهارات التفكير الرياضي، إلى الإسهام الذي تتركه الطرق الحديثة مثل معلم الرياضيات في تنمية مهارات التفكير العليا، وترك الحرية للطالبة في ممارسة الطريقة التي تتعلم بها، وتوليد دافعية أقوى نحو التعلم، واستثمار طاقاتها في تنمية المستويات العقلية العليا للتفكير، كما أنها تترك اتجاهات إيجابية نحو مادة الرياضيات، وتثير الناحية الوجدانية لدى الطالبات.

كما أن استخدام معلم الرياضيات منح الطالبات فرصه التفاعل الإيجابي وإدراك مهارات التفكير الرياضي من خلال الأنشطة المعملية، كما أن الطالبات قد استفدن من مجموعة استراتيجيات التعليم والتعلم التي يتم استخدامها في معلم الرياضيات، وتسمح لهم بالتصريف بحرية وتعلّم وتصنّع الرياضيات نفسها، وتعامل مع الأشياء الحقيقة وترى نتائج أعمالها، وتعلّم من أخطائها، الأمر الذي يساعد في تنمية مهارات تفكيرهم الرياضي، لأن المهارة عبارة عن القدرة على القيام بشيء جيد، وهذا يلزم منه شيء من التدريب والممارسة ولا يأتي إلا عن طريق القيام بالأنشطة المعملية.

وهذا يفسر أن تدريس الفصل السادس (الحدوديات) والفصل السابع (الجمل الرياضية) بواسطة معلم الرياضيات أدى إلى توضيح مهارات التفكير الرياضي بشكل جيد وبالتالي أدى إلى تحسين التعلم ليصبح التعلم ذا معنى وفعال في اكتساب تلك المهارات.

جودت أحمد سعاده، منتهى صبر العياثاوي

وقد اتفقت هذه النتائج للدراسة الحالية مع نتائج دراسة خلف الله (2013) التي أظهرت وجود فروق ذات دلالة إحصائية في متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية، ومتوسط درجات المجموعة الضابطة في اختبار التفكير الهندسي البعدى لصالح المجموعة التجريبية. كما أيدتها أيضاً نتائج دراسة شوسهايم (Schussheim, 1980) التي خلصت بأن معلم الرياضيات يساعد في علاج جوانب الضعف لدى التلاميذ، بالإضافة إلى بناء إتجاهات إيجابية نحو الرياضيات.

وأتفقت هذه النتائج كذلك مع نتائج دراسة منصور (1996) التي أظهرت وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين درجات كل من المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختباري المهارات والتفكير لصالح المجموعة التجريبية، وهذه الفروق لصالح المجموعة التجريبية التي درست باستخدام الأسلوب المعملي.

النتائج المتعلقة بالسؤال الثاني ومناقشتها: وينص على الآتي: ما أثر استخدام معلم الرياضيات في التحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد؟

وللإجابة عن هذه السؤال، تم يجاد المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لإجابات الطلبة على اختبار التحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط في بغداد، وذلك لمعرفة ما إذا كانت هناك فروق ظاهرية بين متوسط إجابات طالبات المجموعة التجريبية ومتوسط إجابات طالبات المجموعة الضابطة في الاختبارين القبلي والبعدى. والجدول الآتى (5) يبيّن ذلك:

**الجدول (5) المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لإجابات أفراد عينة الدراسة على اختبار التفكير الرياضي بالاختبار القبلي والبعدى تبعاً لمتغير المجموعة**

المجال	المجموعات	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري
اختبار التحصيل	تجريبية	7.63	2.54
	ضابطة	3.95	1.76
اختبار التحصيل	تجريبية	11.90	2.90
	ضابطة	9.15	2.62

ويشير الجدول (5) إلى وجود فروق ظاهرية بين المجموعة التجريبية التي درست مادة الرياضيات باستخدام معلم الرياضيات وبين المجموعة الضابطة التي درست المادة نفسها بالطريقة المعتادة على اختبار التحصيل البعدي، فقد بلغ المتوسط الحسابي للمجموعة التجريبية (11.90) في حين بلغ المتوسط الحسابي لأفراد المجموعة الضابطة على الاختبار نفسه (9.15).

ولاختبار فيما إذا كانت هذه الفروق الظاهرة دالة إحصائيا تم استخدام تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) والجدول (6) الآتي يظهر نتائج هذا الاختبار:

**الجدول (6) نتائج تحليل التباين المصاحب**

**(ANCOVA) لاختبار دلالة الفروق في الأداء على اختبار التحصيل**

المجال	المصدر	مجموع المربعات	درجات الحرية	متوسط المربعات	*ف*	مستوى الدلالة
اختبار التحصيل	قبلى	352.771	1	.166	.827	.365
	المجموعة	90.750	1	90.750	11.608	.001
	الخطأ	375.250	48	7.818		
	الكلى	6298.000	50			

ويتبين من الجدول (6) وجود فروق ذات دلالة إحصائية عن مستوى الدلالة عند مستوى الدلالة ( $\alpha=0.05$ ) في اختبار التحصيل فقد بلغت قيمة "ف" المحسوبة (11.608) وهذا يعني رفض الفرضية الصفرية الأولى التي نصت على الآتي "لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية مستوى الدلالة ( $\alpha=0.05$ ) بين متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية التي تستخدم معلم الرياضيات ومتوسط درجات المجموعة الضابطة التي تستخدم الطريقة المعتادة في التحصيل".

كما تم حساب المتوسطات المعدلة والخطأ المعياري على اختبار التفكير البعدي للمجموعة التجريبية التي درست مادة الرياضيات باستخدام معلم الرياضيات للمجموعتين التجريبية والضابطة، كما هو مبين في الجدول (7) الآتي:

**الجدول (7) المتوسطات الحسابية المعدلة والخطأ المعياري على الاختبار البعدى لاختبار****التحصيل للمجموعتين التجريبية والضابطة**

المتوسط الحسابي المعدل	الخطأ المعياري	المجموعة	المجال
10.874	.510	تجريبية	اختبار التحصيل،
7.893	.625	ضابطة	

ويوضح الجدول (7) أن المتوسطات الحسابية المعدلة كانت لأفراد المجموعة التجريبية بلغت (10.874) في حين أنها بلغت لأفراد المجموعة الضابطة (7.893).

وتشير النتائج الواردة عن السؤال الثاني إلى وجود أثر لاستخدام معمل الرياضيات، فيما يتعلق بالتحصيل لدى الطالبات اللواتي استخدمن معمل الرياضيات.

ويملئ الآداب إلى أن الطالبات قد وجدن في طريقة معمل الرياضيات شيئاً مملاً عن الطريقة المألوفة من خلال دراسة الوحدة الدراسية المختارة من كتاب الرياضيات المقرر، مما ساعد الطالبات على إعطائهن الثقة بالنفس وحب التعاون مع زميلاتهن، مما سهل لهن باستئثار طاقاتهن الفعلية وتشجيعهن، والقدرة على تنظيم أفكارهن ومعارفهن، وتقييم أدائهم، والتأكد من تحقيق الأهداف المرجو تحقيقها، وبالتالي كان الحافز يعود إلى أثر معمل الرياضيات لتنمية التحصيل لدى طالبات الصف الأول المتوسط.

فمن خلال تدریس الوحدة الدراسية عن طريق معمل الرياضيات، فقد ساعد ذلك على مواجهة المشكلات العلمية وحلها وربطها بالواقع والبيئة الحياتية، واعتمادهن على انفسهن في استخلاص التعميمات السابقة وربطها معاً، وهذا أدى إلى أن عملية التعلم أصبحت عملية مثمرة وفعالة، كما أن تقسيم الطالبات إلى مجموعات صغيرة ساعد في العملية التعلم والآلفة بين الطالبات وحب التعاون والمشاركة في عملية التعلم مما أثار الدافعية والحماس للطالبات كمجموعة فريق تفوقها على المجموعة الأخرى، مما حثهن على فهم المادة العلمية وتنظيم أفكارهن وربطها بالواقع والمهارات الحياتية مما أدى إلى زيادة التحصيل العلمي.

كما أن تفوق طالبات المجموعة التجريبية على أقرانهن في المجموعة الضابطة في الاختبار التمهيلي، يعود إلى أن الدافعية المتولدة لدى الطالبات الناتجة عن استخدام معلم الرياضيات انعكست بشكل إيجابي في فهم المادة الدراسية واستيعابها.

ومن خلال تعلمهن الخطوات التي يسيرون بموجبها عند تنفيذ الأنشطة، الأمر الذي يكسبهم الخبرات الرياضية، ويوهلهن لاستخدام طرقاً للاكتشاف والاستقصاء، وأنشطة حل المشكلات، الأمر الذي ساهم في رفع تحصيلهن في مادة الرياضيات.

كما يعبر سلسلة الرياضيات من البيانات المعليسية المعبّرنا بإسقاطات ساهم في تأديبه ونطاف تدريس الرياضيات وتجسيد الطريقة العملية لمفاهيم الأنشطة الرياضية وطرق حل المشكلات الرياضية وكيفية التحقق منها الأمر الذي يؤدي إلى زيادة تحصيلهم الأكاديمي.

ويمكن أن تعزى هذه النتيجة كذلك إلى مراعاة الفروق الفردية بين الطالبات من خلال تقسيمهن إلى مجموعات غير متتجانسة يزيد من الاعتماد المتبادل بين الطالبات، ويحثهن على تبادل الخبرات والمعلومات مع بعضهن البعض لأن الطالبات يتعلمون أكثر عندما يتعلمون من أقرانهن الأكثر معرفة ومهارة منهن، مما يتبع فرصة تحصيل أفضل وفقاً لقدراتهن العقلية والمعرفية.

وقد اتفقت نتائج هذه الدراسة مع دراسة ليشتنهيلد (Lichtenheld, 1987) التي أظهرت ارتفاع مستوى تحصيل التلاميذ باستخدامهم معلم الرياضيات متعدد الوسائل التعليمية، ومع دراسة عبد الرحمن (1989) التي أظهرت وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسط أداء المجموعة التجريبية ومتوسط أداء المجموعة الضابطة في تحصيلهم للمفاهيم (الطول، والمساحة، والحجم) لصالح المجموعة التجريبية.

كما اتفقت نتائج الدراسة الحالية كذلك مع نتائج دراسة السعدي (1995) التي خلصت الدراسة إلى فاعلية الطريقة المعملية في رفع مستوى التحصيل الدراسي، ومع نتائج دراسة عبد العال (1999) التي أظهرت فعالية استخدام معلم الرياضيات لتدريس الكسور على تحصيل الطلبة وبقاء أثر التعلم، ومع نتائج دراسة الحيالي (2004) التي أشارت نتائجها إلى وجود فروق دالة إحصائياً بين المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية لصالح المجموعة التجريبية، تعزى لاستخدام طريقة الأنماط المعملي في التدريس، ومع نتائج دراسة خلف الله (2013) التي أظهرت وجود فروق ذات دلالة إحصائية في متوسط درجات طالبات المجموعة التجريبية ومتوسط درجات المجموعة الضابطة في اختبار تحصيلي البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

**التوصيات:**

في ضوء نتائج الدراسة يوصي الباحثان توصي بما يأتي:

أولاً: أهمية تفعيل استخدام معمل الرياضيات لما له من أثر على تنمية مهارات التفكير الرياضي والتحصيل لدى الطلبة.

ثانياً: ضرورة عقد دورات تدريبية لرفع إدراك معلمي الرياضيات حول أهمية استخدام معمل الرياضيات وأثره الإيجابي على تحصيل الطلبة واسبابهم مهارة التدريس باستخدام معمل الرياضيات وتنظيم الدروس بالطريقة المعملية.

ثالثاً: ضرورة الاطلاع على الأساليب الحديثة التي يتم استخدامها في معمل الرياضيات لتحسين تفكير الطلبة الرياضي وتحصيلهم في مادة الرياضيات.

رابعاً: ضرورة إنشاء معمل الرياضيات في جميع المراحل التعليمية ابتداءً من رياض الأطفال إلى المرحلة الجامعية، بحيث يتم تجهيزها بالأدوات والمواد والوسائل اللازمة لممارسة الأنشطة المعملية المختلفة.

خامساً: توفير معمل للرياضيات بكليات التربية قسم المناهج وطرق تدريس الرياضيات مجهزاً بالأدوات، ليتدرّب به الطلبة المعلمون على إتقان ما يقومون به بعد التخرج.

سادساً: ضرورة أن يتضمن كتاب الرياضيات المقرر الأنشطة المعملية المختلفة والمتنوعة والتي تتعلق بالخبرات المباشرة للتعلم، وتناسب المستويات العقلية المختلفة للطلبة.

سابعاً: إعادة النظر في مقررات الرياضيات في جميع المراحل التعليمية وإعادة بنائها وتنظيمها في تتبع طبقاً لمهارات التفكير الرياضي في ضوء معمل الرياضيات.

ثامناً: إجراء مزيد من الدراسات ذات العلاقة باستخدام معامل الرياضيات في تنمية مهارات أخرى لدى الطلبة غير مهارات التفكير الرياضي، وذلك للحصول على مزيد من النتائج.

تاسعاً: إجراء دراسات تقويمية لمقررات الرياضيات بالمراحل التعليمية المختلفة في ضوء معمل الرياضيات للوقوف على مدى تضمينها لمهارات التفكير بنسب تتفق مع مستوى التفكير الذي يمر به الطالب أثناء نموه العقلي والمعرفي، وباستخدام متغيرات جديدة.

عاشرًا: إجراء دراسات أخرى للمقارنة بين معلم الرياضيات وبعض النماذج التعليمية واستراتيجيات أخرى للوقوف على أكثرها أثراً في تنمية مهارات التفكير الرياضي.  
حادي عشر: إجراء دراسات ميدانية لإظهار اتجاهات الطلبة والمدرسين حول استخدام معلم الرياضيات في المدارس والجامعات العراقية.

### المراجع

- الجبوري، نصیر (2010). "أثر الأنماذج المعملي في تصحيح الأخطاء الشائعة لمفاهيم الرياضية لدى طلاب الصف الأول المتوسط". رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة بغداد، كلية تربية ابن الهيثم، بغداد، العراق.
- جروان، فتحي (2014). تعليم التفكير: مفاهيم وتطبيقات. عمان: دار الفكر للنشر والتوزيع.
- الحالي، سديل (2004). أثر استخدام النموذج المعملي في التحصيل وتنمية الميول نحو مادة الرياضيات للمرحلة الابتدائية، أطروحة دكتوراه غير منشورة، جامعة بغداد كلية تربية ابن الهيثم، بغداد، العراق.
- الخديجي، عبد العال (2004). "إسهامات المشرف التربوي في تفعيل معامل الرياضيات في مدارس المرحلة الابتدائية بالطائف". رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة الملك سعود بالطائف، المملكة العربية السعودية.
- الخطيب، خالد (2004). "استقصاء فاعلية برنامج تدريسي لمعلمي الرياضيات في تنمية قدرة الطلبة في المرحلة الأساسية العليا على التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات". أطروحة دكتوراه غير منشورة، جامعة عمان العربية للدراسات العليا، عمان، الأردن.
- الخطيب، محمد، وعبابنة، عبد الله (2011). "أثر استخدام استراتيجية تدريسية قائمة على حل المشكلات على التفكير الرياضي والاتجاهات نحو الرياضيات لدى طلاب الصف السابع الأساسي في الأردن". مجلة دراسات/ سلسلة العلوم التربوية، 38 (1)، 189 - 205.
- خلف الله، مروة (2013). "فاعلية توظيف معلم الرياضيات في تنمية مهارات التفكير الهندسي والتحصيل لدى طلبات الصف السابع بمحافظة رفح". رسالة ماجستير غير منشورة، الجامعة الإسلامية، غزة، فلسطين.

تدريس طلابات الصف الأول المتوسط باستخدام أسلوب معلم الرياضيات، ...

جودت أحمد سعادة، منتهي صير العيتاوي

سعادة، جودت (2014). تدريس مهارات التفكير مع مئات الأمثلة التطبيقية. عمان: دار الشروق للنشر والتوزيع.

السعدي، سلطان (2005). "فاعلية برنامج تدريسي في تنمية قدرة طلبة الصف التاسع على التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات". رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة عمان العربية، عمان، الأردن.

السعدي، عزيزة (1995). "أثر استخدام الطريقة المعملية في تدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية في دولة قطر". رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة عين شمس، مصر، القاهرة.

سلامة، عادل وآخرون (2009). طرائق التدريس العامة. عمان: دار الثقافة للنشر والتوزيع.

السيد، يونس، وقاسم أسامة (2006). المرشد في استخدام طريقة معلم الرياضيات في المرحلة الابتدائية. الرياض: مكتبة الرشد للنشر.

الشامي، حمدان (2008). الذكاءات المتعددة وتعلم الرياضيات: نظرية وتطبيق. القاهرة: مكتبة الأنجلو المصرية للنشر.

الصياغ، سهيلة (2003). "استراتيجيات تنمية التفكير التي يستخدمها معلمون مهرة في تدريس الرياضيات في المرحلة الأساسية العليا في الأردن". أطروحة دكتوراه غير منشورة، جامعة عمان العربية للدراسات العليا، عمان، الأردن.

عبد، إيمان، وأبو زينة، فريد (2012). "تطور القدرة على التفكير الرياضي لدى الطلبة الأردنيين عبر الصنوف من الثامن حتى العاشر وعلاقة ذلك بنمط تعلمهم". مجلة جامعة النجاح للأبحاث / سلسلة العلوم الإنسانية، 26 (8) ، 1798-1821.

عبد الرحمن، مدحنة (1989). "فاعلية طريقة مقتربة تجمع لبناء الإكتشاف الموجه والمعلم واستخدام الكمبيوتر في تدريس القياس لتلميذ المرحلة الابتدائية". إطروحة دكتوراه غير منشورة، جامعة عين شمس القاهرة، مصر.

عبد العال، صباح (1999). "فاعلية استخدام معلم الرياضيات في تدريس الكسور لتلاميذ الصف الرابع الابتدائي على التحصيل وبقاء أثر التعلم". دليل كلية التربية، جامعة أسيوط، مصر.

العبسي، محمد، ونوفل، محمد (2010). "أثر استخدام المحسosات في تحصيل طلبة الصف الأول في مادة الرياضيات". مجلة جامعة دمشق للعلوم التربوية والنفسية، 26(4)، 591 - 621.

العثوم، عدنان، والجراح، عبد الناصر، وبشارة موقف (2013). تنمية مهارات التفكير نماذج نظرية وتطبيقات عملية. عمان: دار المسيرة للنشر والتوزيع.

عطار، ناهد (2013). "فاعلية استخدام برنامج الكورت (CORT) تقنياً في تنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طالبات الصف الثاني متواسط في مادة الرياضيات بمدينة مكة المكرمة". رسالة ماجستير غير منشورة، جامعة أم القرى، مكة المكرمة، المملكة العربية السعودية.

قطامي، نايفه (2014). تعليم التفكير للأطفال. عمان: دار الفكر للنشر والتوزيع.  
مداح، سامية (2001). "فاعلية استخدام التعلم التعاوني ومعمل الرياضيات في تنمية بعض المفاهيم الرياضية لدى طالبات الصف السادس الابتدائي بالمدارس الحكومية بمدينة مكة المكرمة". اطروحة دكتوراه غير منشورة، جامعة أم القرى، مكة المكرمة، المملكة العربية السعودية.

مرعى، توفيق، والحليلة، محمد (2013). طرائق التدريس العامة. عمان: دار المسيرة للنشر والتوزيع.

مرiziق، هشام، ودرويش، جعفر (2008). أساليب تدريس الرياضيات. عمان: الرایة للنشر والتوزيع.

المغيرة، عبد الله (1989). طرق تدريس الرياضيات. منشورات جامعة الملك سعود بالرياض.  
المنصور، غسان (2011). "التحصيل في الرياضيات وعلاقته بمهارات التفكير دراسة ميدانية على عينة من تلامذه الصف السادس الأساسي في مدارس مدينة دمشق الرسمية" مجلة جامعة دمشق، 27 (4+3)، 19-69.

نجم، خميس (2012). "أثر برنامج تدريبي لتنمية التفكير الرياضي في تحصيل طلبة الصف السابع الأساسي في الرياضيات". مجلة جامعة دمشق، 28(2)، 491-525.

نمر، مصطفى، والناظور، نائل (2010). استراتيجيات تدريس العلوم والرياضيات. عمان: دار البداية للنشر والتوزيع.

---

الهويدي، زيد (2006). استراتيجيات معلم الرياضيات الفعال. دبي / الإمارات العربية المتحدة: دار الكتاب الجامعي.

الوعاني، ماجد (2009). "واقع استخدام التقنيات التعليمية ومعينات التدريس المعملي في تدريس رياضيات المرحلة الابتدائية". رسالة ماجستير غير منشورة ، جامعة أم القرى بمكة المكرمة.

Howard, P., Perry, B., and Tracey, D. (1996). "Mathematics and manipulative: Comparing primary and secondary mathematics teachers' Views". Look at: [www.aare.edu.eu](http://www.aare.edu.eu) .

Lichtenheld, P. (1987). "Descriptive study of a prescription learning basic mathematics skills multi -media lab in an elementary school setting " ERIC, No. 143

Manjunath, D. (2009). "Use of mathematics laboratory for teaching mathematics". E-Journal of all India Association for Educational Research, 21(1): 64-66.

Johnson, N, and Laurie, H. (2000). "Mathematical thinking in second-grade children with different forms LD". Journal of Learning Disabilities, V33 , N6.

Okigbo, E. and Osuafor, A. (2008). "The effect of using mathematics laboratory in teaching mathematics on the achievement of mathematics students". Educational Research and Review, 3 (8), 257– 261.

Schoenfeld, A. (1983). Problem solving in the mathematics curriculum: A report, recommendations, and an annotated bibliography. Washington, DC : Mathematical Association of America.

Schussheim, J. (1980). "A mathematics laboratory without its own room , " School Science and Mathematics, 80(8), 637–642.